



basic education

Department:
Basic Education
REPUBLIC OF SOUTH AFRICA

**NASIONALE
SENIOR SERTIFIKAAT**

GRAAD 12

WISKUNDE V1

NOVEMBER 2021

PUNTE: 150

TYD: 3 uur

Hierdie vraestel bestaan uit 9 bladsye en 'n inligtingsblad.

INSTRUKSIES EN INLIGTING

Lees die volgende instruksies noukeurig deur voordat die vrae beantwoord word.

1. Hierdie vraestel bestaan uit 12 vrae.
2. Beantwoord AL die vrae.
3. Nommer die antwoorde korrek volgens die nommeringstelsel wat in hierdie vraestel gebruik is.
4. Dui ALLE berekeninge, diagramme, grafieke, ens. wat jy gebruik het om jou antwoorde te bepaal, duidelik aan.
5. Volpunte sal NIE noodwendig aan slegs antwoorde toegeken word NIE.
6. Jy mag 'n goedgekeurde, wetenskaplike sakrekenaar (nieprogrammeerbaar en niegrafies) gebruik, tensy anders vermeld.
7. Indien nodig, rond antwoorde tot TWEE desimale plekke af, tensy anders vermeld.
8. Diagramme is NIE noodwendig volgens skaal geteken NIE.
9. 'n Inligtingsblad met formules is aan die einde van die vraestel ingesluit.
10. Skryf netjies en leesbaar.

VRAAG 11.1 Los op vir x :

1.1.1 $x^2 - 2x - 24 = 0$ (3)

1.1.2 $2x^2 - 3x - 3 = 0$ (korrek tot TWEE desimale syfers) (3)

1.1.3 $x^2 + 5x \leq -4$ (4)

1.1.4 $\sqrt{x+28} = 2-x$ (4)

1.2 Los gelyktydig vir x en y op in:

$2y = 3 + x$ en $2xy + 7 = x^2 + 4y^2$ (6)

1.3 Die wortels van 'n vergelyking is $x = \frac{-n \pm \sqrt{n^2 - 4mp}}{2m}$, waar m , n en p positiewe reële getalle is. Die getalle m , n en p , in hierdie volgorde, vorm 'n meetkundige ry. Bewys dat x 'n nie-reële getal is.

(4)
[24]**VRAAG 2**Gegee die meetkundige reeks: $x + 90 + 81 + \dots$ 2.1 Bereken die waarde van x . (2)2.2 Toon dat die som van die eerste n terme $S_n = 1\,000(1 - (0,9)^n)$, is. (2)

2.3 Bereken vervolgens of andersins, die som tot oneindigheid. (2)

[6]

VRAAG 3

Beskou die kwadratiese getalpatroon: $-145 ; -122 ; -101 ; \dots$

- 3.1 Skryf die waarde van T_4 neer. (1)
- 3.2 Toon dat die algemene term van hierdie getalpatroon $T_n = -n^2 + 26n - 170$ is. (3)
- 3.3 Tussen watter TWEE terme van hierdie kwadratiese getalpatroon sal daar 'n verskil van -121 wees? (4)
- 3.4 Watter waarde moet by elke term in die getalpatroon getel word sodat die waarde van die grootste term in die nuwe kwadratiese getalpatroon wat gevorm word, 1 sal wees? (3)
- [11]**

VRAAG 4

Beskou die lineêre ry: $5 ; 7 ; 9 ; \dots$

- 4.1 Bepaal T_{51} . (3)
- 4.2 Bereken die som van die eerste 51 terme. (2)
- 4.3 Skryf die uitbreiding van $\sum_{n=1}^{5000} (2n+3)$ neer. Toon slegs die eerste 3 terme en die laaste term van die uitbreiding. (1)
- 4.4 Bereken vervolgens of andersins, $\sum_{n=1}^{5000} (2n+3) + \sum_{n=1}^{4999} (-2n-1)$.
ALLE bewerkings moet getoon word. (4)
- [10]**

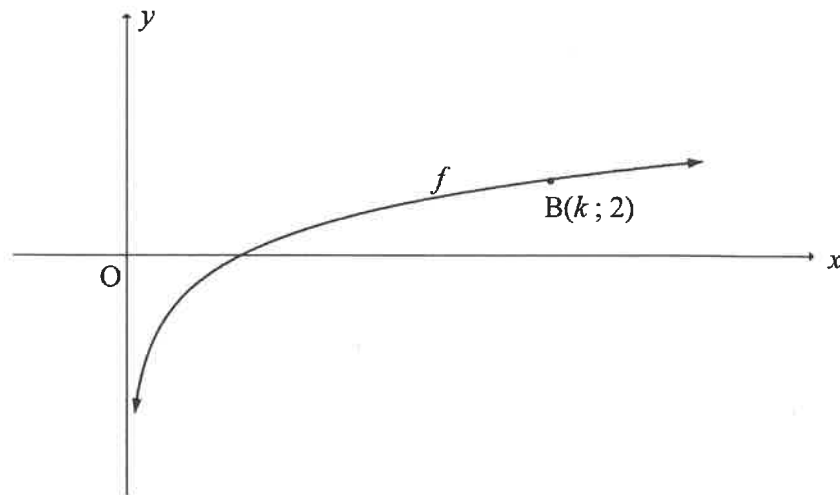
VRAAG 5

Gegee: $f(x) = \frac{-1}{x-3} + 2$

- 5.1 Skryf die vergelykings van die asimptote van f neer. (2)
- 5.2 Skryf die definisieversameling van f neer. (1)
- 5.3 Bepaal die koördinate van die x -afsnit van f . (2)
- 5.4 Skryf die koördinate van die y -afsnit van f neer. (2)
- 5.5 Skets die grafiek van f . Toon ALLE asimptote en afsnitte met die asse duidelik. (3)
- [10]**

VRAAG 6

Die grafiek van $f(x) = \log_4 x$ is hieronder geskets.
 $B(k; 2)$ is 'n punt op f .



- 6.1 Bereken die waarde van k . (2)
- 6.2 Bepaal die waardes van x waarvoor $-1 \leq f(x) \leq 2$. (2)
- 6.3 Skryf die vergelyking van f^{-1} , die inverse van f , in die vorm $y = \dots$ neer. (2)
- 6.4 Vir watter waardes van x sal $x \cdot f^{-1}(x) < 0$ wees? (2)

[8]

VRAAG 7

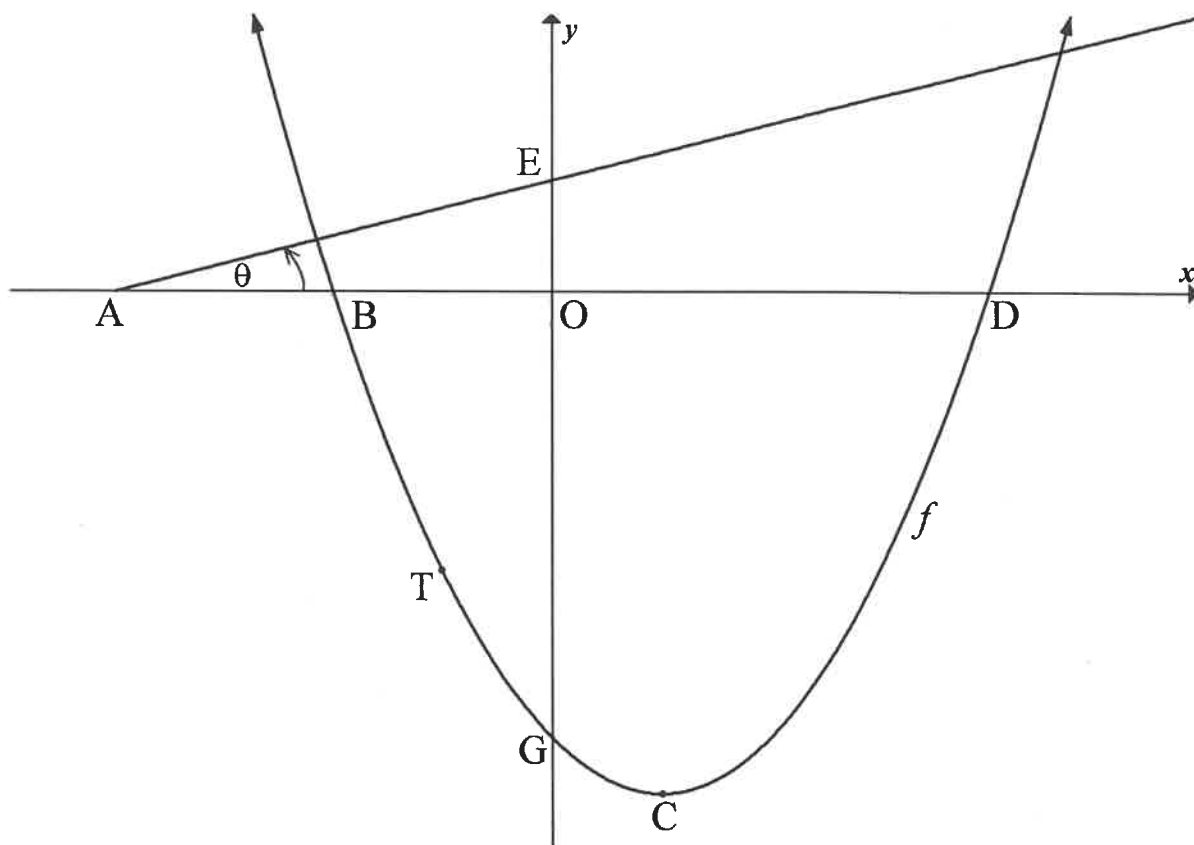
Die grafiek van $f(x) = (x + 4)(x - 6)$ is hieronder geskets.

Die parabool sny die x -as by B en D en die y -as by G.

C is die draaipunt van f .

Lyn AE het 'n inklinasiehoek van θ en sny die x -as en y -as by A en E onderskeidelik.

T is 'n punt op f tussen B en G.



- 7.1 Skryf die koördinate van B en D neer. (2)
- 7.2 Bereken die koördinate van C. (2)
- 7.3 Skryf die waardeversameling van f neer. (1)
- 7.4 Gegee dat $\theta = 14,04^\circ$ en die raaklyn aan f by T is loodreg op AE.
 - 7.4.1 Bereken die gradiënt van AE, korrek tot TWEE desimale syfers. (1)
 - 7.4.2 Bereken die koördinate van T. (5)
- 7.5 'n Reguitlyn, g , ewewydig aan AE, sny f by $K(-3; -9)$ en R. Bereken die x -koördinaat van R. (6)

[17]

VRAAG 8

8.1 'n Boer het 'n trekker vir R980 000 gekoop. Die waarde van die trekker verminder jaarliks teen 'n koers van 9,2% p.j. volgens die verminderendesaldo-metode. Bereken die boekwaarde van die trekker na 7 jaar. (3)

8.2 Hoeveel jaar sal dit neem vir 'n bedrag van R75 000 om tot R116 253,50 te groei in 'n rekening wat rente verdien teen 'n koers van 6,8% p.j., kwartaalliks saamgestel? (4)

8.3 Thabo wou R450 000 spaar as 'n deposito om op 30 Junie 2018 'n huis te koop.

8.3.1 Hy het 'n vaste bedrag geld aan die einde van elke maand gedeponeer in 'n rekening wat rente teen 'n koers van 8,35% p.j., maandeliks saamgestel, verdien. Sy eerste deposito is op 31 Julie 2013 gemaak en sy 60ste deposito op 30 Junie 2018. Bereken die bedrag wat hy maandeliks gedeponeer het. (3)

8.3.2 Thabo het 'n huis van R1 500 000 gekoop en sy spaargeld as 'n deposito gebruik. Hy het, vir 'n tydperk van 25 jaar, 'n huislening bekom vir die balans van die aankoopprys, teen 'n koers van 12% p.j., maandeliks saamgestel. Hy het op 31 Julie 2018 sy eerste maandelikse paaieiment van R11 058,85 gemaak om die lening terug te betaal.

(a) Wat sal die uitstaande balans op 30 Junie 2039 wees, 21 jaar nadat die lening toegestaan is? (3)

(b) Bereken die rente wat Thabo oor die eerste 21 jaar van die lening sou betaal het. (3)

[16]**VRAAG 9**

9.1 Bepaal $f'(x)$ vanuit eerste beginsels as gegee word dat $f(x) = 2x^2 - 3x$. (5)

9.2 Bepaal:

9.2.1 $\frac{dy}{dx}$ as $y = 4x^5 - 6x^4 + 3x$ (3)

9.2.2 $D_x \left[-\frac{\sqrt[3]{x}}{2} + \left(\frac{1}{3x} \right)^2 \right]$ (4)

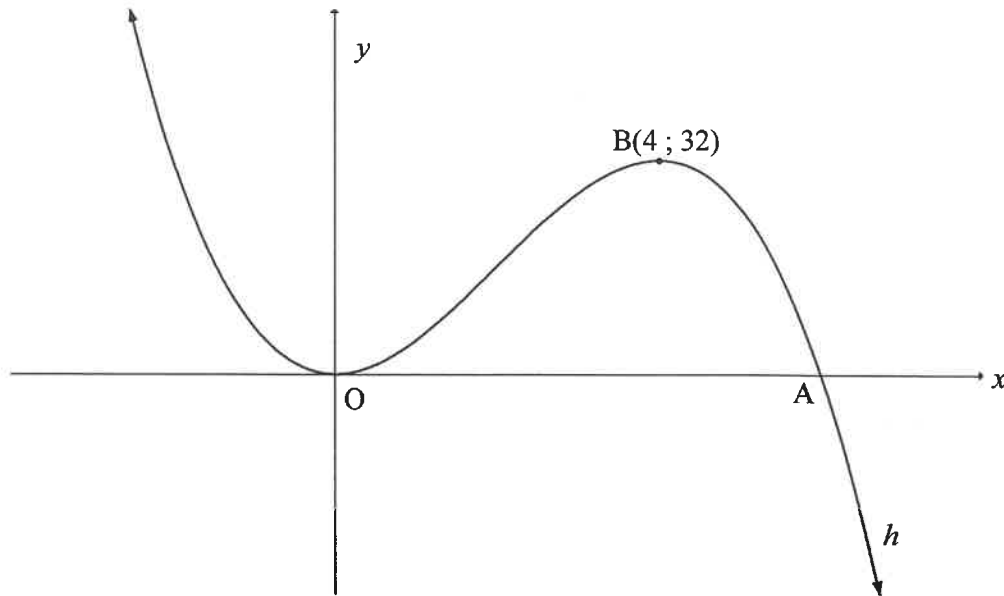
[12]

VRAAG 10

Die grafiek van $h(x) = ax^3 + bx^2$ is geskets.

Die grafiek het draaipunte by die oorsprong, $O(0 ; 0)$ en $B(4 ; 32)$.

A is 'n x -afsnit van h .



- 10.1 Toon dat $a = -1$ en $b = 6$. (5)
- 10.2 Bereken die koördinate van A. (3)
- 10.3 Skryf die waardes van x neer waarvoor h :
- 10.3.1 Stygend is (2)
- 10.3.2 Konkaaf af is (2)
- 10.4 Vir watter waardes van k sal $-(x-1)^3 + 6(x-1)^2 - k = 0$ een negatiewe en twee verskillende positiewe wortels hê? (3)
- [15]

VRAAG 11

Nadat 'n persoon 'n afstand van 20 km weg van die huis af is, onthou hy skielik dat hy nie 'n kraan in sy tuin toegedraai het nie. Hy besluit om onmiddellik om te draai en terug huis toe te ry om die kraan te gaan toedraai.

Die koste van die water, teen die koers waarteen die water uit die kraan vloei, is R1,60 per uur.

Die koste van petrol is $\left(1,2 + \frac{x}{4000}\right)$ rand per km, waar x die gemiddelde spoed in km/h is.

Bereken die gemiddelde spoed waarteen die persoon huis toe moet ry om sy koste so laag as moontlik te hou.

[7]

VRAAG 12

12.1 A en B is onafhanklike gebeurtenisse. Daar word verder gegee dat:

$$P(A \text{ en } B) = 0,3 \text{ en } P(\text{slegs } B) = 0,2$$

12.1.1 Is A en B onderling uitsluitend? Motiveer jou antwoord.

(1)

12.1.2 Bepaal:

(a) $P(\text{slegs } A)$

(4)

(b) $P(\text{nie } A \text{ of nie } B \text{ nie})$

(2)

12.2 'n Onderwyser het 5 verskillende digbundels, 4 verskillende dramas en 3 verskillende romans. Sy moet hierdie 12 boeke van links na regs op 'n rak plaas.

12.2.1 Skryf die waarskynlikheid neer dat 'n roman die eerste boek sal wees wat op die rak geplaas word.

(1)

12.2.2 Bereken die aantal verskillende maniere waarop hierdie 12 boeke op die rak geplaas kan word indien enige boek in enige posisie geplaas kan word.

(2)

12.2.3 Bereken die waarskynlikheid dat 'n digbundel in die eerste posisie geplaas word, die drie romans langs mekaar geplaas word en 'n drama in die laaste posisie geplaas word.

(4)

[14]

TOTAAL: 150

INLIGTINGSBLAD

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$A = P(1 + ni)$$

$$A = P(1 - ni)$$

$$A = P(1 - i)^n$$

$$A = P(1 + i)^n$$

$$T_n = a + (n - 1)d$$

$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n - 1)d]$$

$$T_n = ar^{n-1}$$

$$S_n = \frac{a(r^n - 1)}{r - 1}; r \neq 1$$

$$S_\infty = \frac{a}{1 - r}; -1 < r < 1$$

$$F = \frac{x[(1 + i)^n - 1]}{i}$$

$$P = \frac{x[1 - (1 + i)^{-n}]}{i}$$

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x + h) - f(x)}{h}$$

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$M\left(\frac{x_1 + x_2}{2}; \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$$

$$y = mx + c$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$m = \tan \theta$$

$$(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$$

$$\text{In } \Delta ABC: \frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A$$

$$\text{area } \Delta ABC = \frac{1}{2} ab \cdot \sin C$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta - \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta + \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos 2\alpha = \begin{cases} \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha \\ 1 - 2\sin^2 \alpha \\ 2\cos^2 \alpha - 1 \end{cases}$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n}$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$

$$P(A \text{ of } B) = P(A) + P(B) - P(A \text{ en } B)$$

$$\hat{y} = a + bx$$

$$b = \frac{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sum (x - \bar{x})^2}$$